

A-Level Math Stone!

# วิชาคณิตศาสตร์

พีเอชพี



On Demand

# A-LEVEL END GAME

• LIVE ติวสู้ศึกสุดท้าย

# แนะนำครู OnDemand



คณิตศาสตร์

พี่แท็ป

ภาคภูมิ อร่ามวาริกุล

- ปริญญาตรี : วิศวกรรมศาสตรบัณฑิต (เกียรตินิยมอันดับ 1 เหรียญทอง) จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย
- ปริญญาโท : วศ.ม.วิศวกรรม เมคคาทรอนิกส์, AIT (คะแนนสูงสุดอันดับ 1)
- ปริญญาโท : บริหารธุรกิจ มหามบัณฑิต (M.B.A.) มหาวิทยาลัยธรรมศาสตร์
- ผู้คิดค้นและพัฒนาเทคนิค APoint เพื่อการเรียนวิชาคณิตศาสตร์

ติดตามพี่แท็ปได้ที่



พี่แท็ป ALevel



p\_tap



ptap\_ondemand



สแกนเลย!

Academic  
Community



ติดตามความรู้ดี ๆ จากพี่นักวิชาการได้ที่



Chit Chat by OnDemand

Shop Online



OnDemandAcademy

# ตัวอย่าง A-Level Math

1. ให้  $P(A)$  แทนเพาเวอร์เซตของเซต  $A$   
 $n(P(A))$  แทนจำนวนสมาชิกของ  $P(A)$   
 ถ้า  $P(B) \subset P(A)$  และ  $n(P(A)) - n(P(C)) = 63$   
 และ  $n(P(A)) + n(P(B)) = 96$   
 จงหา  $n(P(A \cup B)) + n(P(A \cap C)) + n(P(B \cup C))$

2. สำหรับเซต  $S$  ใดๆ ให้  $n(S)$  แทนจำนวนสมาชิกของเซต  $S$   
 กำหนดให้  $U$  แทนเอกภพสัมพัทธ์ ถ้า  $A, B$  และ  $C$  เป็นสับเซตใน  $U$   
 โดยที่  $n(A) = 2(n(B)) = 3(n(C)), n(A \cup B \cup C) = 15, n(A \cap B \cap C) = 2$   
 ถ้า  $n(A - B) = 8, n(B - C) = 4$  และ  $n(A - C) = 9$   
 แล้ว  $n((A \cup B) - C)$  เท่ากับข้อใดต่อไปนี้
1. 13      2. 12      3. 11      4. 10      5. 9



3. กำหนดตารางค่าความจริงของ  $p \# q$  ดังนี้

$p$	$q$	$p \# q$
$T$	$T$	$T$
$T$	$F$	$F$
$F$	$T$	$T$
$F$	$F$	$F$

ประพจน์ใดต่อไปนี้เป็นสัจนิรันดร์

- $[(p \rightarrow q) \vee q] \rightarrow (\sim p \# q)$
- $[(p \leftrightarrow \sim p) \wedge r] \# (\sim p)$
- $(p \vee q \vee r) \vee (\sim q \# p)$
- $[(\sim q \rightarrow r) \rightarrow (p \rightarrow p)] \# (\sim q \vee r)$
- $(\sim q \# p) \vee (p \rightarrow (q \rightarrow r))$

4. กำหนดให้เอกภพสัมพัทธ์คือเซตของจำนวนเต็ม

ให้  $P(x)$  แทน " $x^2 > 0$ " และ  $Q(x)$  แทน " $x^2 - x$  เป็นจำนวนคู่"

พิจารณาข้อความต่อไปนี้

- ประพจน์  $\forall x [P(x)] \rightarrow \forall x [\sim Q(x)]$  มีค่าความจริงเป็นจริง
- ประพจน์  $\exists x [\sim P(x)] \wedge \forall x [Q(x)]$  มีค่าความจริงเป็นเท็จ
- ประพจน์  $\forall x [P(x) \leftrightarrow Q(x)]$  มีค่าความจริงเป็นเท็จ

ข้อใดต่อไปนี้เป็นข้อถูกต้อง

- ข้อ (ก) และ ข้อ (ข) ถูก แต่ข้อ (ค) ผิด
- ข้อ (ก) และ ข้อ (ค) ถูก แต่ข้อ (ข) ผิด
- ข้อ (ข) และ ข้อ (ค) ถูก แต่ข้อ (ก) ผิด
- ข้อ (ก), ข้อ (ข) และข้อ (ค) ถูกทั้งสามข้อ
- ข้อ (ก), ข้อ (ข) และข้อ (ค) ผิดทั้งสามข้อ



5. กำหนดให้  $P(x) = 2x^3 + ax^2 + bx + c$  เมื่อ  $a, b$  และ  $c$  เป็นค่าคงตัว  
 ถ้า  $x + 1, x - 2$  และ  $x + 5$  หาร  $P(x)$  แล้วเหลือเศษ 3 แล้วค่าของ  $a + b - c$  เท่ากับเท่าใด

6. ถ้า  $A$  แทนเซตของเซตคำตอบสมการ  $|2 - 2x| + |x + 2| = 4 - x$   
 แล้วเซต  $A$  เป็นสับเซตของข้อใดต่อไปนี้

- |              |              |
|--------------|--------------|
| 1. $(-4, 0)$ | 2. $(-1, 1)$ |
| 3. $(0, 4)$  | 4. $(-3, 2)$ |
| 5. $(1, 5)$  |              |



7. ให้  $\left(\frac{1}{a}, \frac{1}{b}\right)$  เป็นเซตคำตอบของสมการ  $\log_3(3^{\frac{1}{x}} + 243) < \log_3 4 + 2 + \frac{1}{2x}$

จงหาค่าของ  $ab$

8. กำหนดให้  $A = \begin{bmatrix} 4 & 1 \\ -7 & -2 \end{bmatrix}$  และ  $I$  เป็นเอกลักษณ์มิติ  $2 \times 2$

ถ้า  $A^{-1}XA = \det(2A) \cdot I$  เมื่อ  $X$  เป็นเมทริกซ์  $2 \times 2$  แล้ว  $X$  ตรงกับข้อใด

1.  $\begin{bmatrix} 2 & -4 \\ 1 & 2 \end{bmatrix}$

2.  $\begin{bmatrix} -2 & 0 \\ 0 & -2 \end{bmatrix}$

3.  $\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 4 & -1 \end{bmatrix}$

4.  $\begin{bmatrix} -2 & 7 \\ -1 & 1 \end{bmatrix}$

5.  $\begin{bmatrix} -4 & 0 \\ 0 & -4 \end{bmatrix}$



9. กำหนดให้  $a_1, a_2, a_3, a_4, a_5$  และ  $b_1, b_2, b_3, b_4, b_5, b_6$  เป็นลำดับเลขคณิตของจำนวนจริงบวก โดยที่  $a_1 = b_2, a_5 = b_5$  และ  $a_1 \neq a_5$  ถ้า  $\frac{(b_6 - b_4) + (b_6 - b_1)}{a_4 - a_2} = \frac{x}{y}$  เมื่อ ห.ร.ม. ของ  $x$  กับ  $y$  เท่ากับ 1 แล้ว  $x^2 + y^2$  เท่ากับเท่าใด

10. ออนุกรม  $\sum_{n=1}^{\infty} \left[ \frac{5}{2^n} - \frac{3}{n(n+1)} \right]$  มีผลบวกเท่ากับค่าในข้อใดต่อไปนี้
- |      |      |
|------|------|
| 1. 0 | 2. 2 |
| 3. 4 | 4. 5 |
| 5. 6 |      |



11. จงหาค่าของ  $13a - 5b$

เมื่อ  $a$  และ  $b$  เป็นค่าคงที่ ที่ทำให้ฟังก์ชัน  $f(x) = \begin{cases} 4 \tan x - 1 & ; \quad x < -\frac{\pi}{4} \\ a \sin^2 x + b & ; \quad -\frac{\pi}{4} \leq x < \frac{3\pi}{2} \\ \cos 2x - \sin x & ; \quad x \geq \frac{3\pi}{2} \end{cases}$

ต่อเนื่องทุกจำนวนจริง  $x$

12. กำหนดให้  $f$  เป็นฟังก์ชัน ซึ่ง  $f(2) = 7$  และ  $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(2+h) - 7}{h} = 12$

ถ้า  $g(x) = x^2 f(x) - 6x + 1$  แล้วความชันของเส้นตรงที่สัมผัสเส้นโค้ง  $y = g(x)$

ที่  $x = 2$  เท่ากับเท่าใด

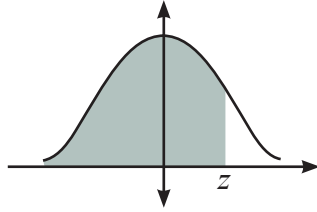


13. กำหนดให้กราฟของฟังก์ชัน  $f$  มีแกน  $Y$  เป็นแกนสมมาตรและ  $f(x) \geq 0$  สำหรับทุก  $x \in R$  ถ้า  $\frac{1}{5} \int_{-1}^3 f(x) dx = \int_0^1 f(x) dx = 4$  จงหา  $\int_{-3}^3 f(x) dx$

14. ในการแข่งขันตอบโจทย์ปัญหาทางวิชาการของโรงเรียนแห่งหนึ่งมีผู้เข้าร่วมแข่งขันจำนวน 25 คน ทำการแข่งขันทั้งหมด 10 ครั้ง ถ้ากวินเป็นหนึ่งในผู้เข้าแข่งขัน และความน่าจะเป็นที่กวินจะชนะการแข่งขันในแต่ละครั้งเท่ากัน โดยเท่ากับ 0.1 จงหาความน่าจะเป็นที่กวินจะชนะการแข่งขันอย่างน้อย 2 ครั้ง
1.  $(0.9)^9 + (0.9)^{10}$
  2.  $1.9(0.9)^9$
  3.  $1 - (0.9)^9$
  4.  $10(0.1)(0.9)^9$
  5.  $1 - 1.9(0.9)^9$



15. ถ้าอายุการใช้งานของอุปกรณ์ไฟฟ้าชนิดหนึ่งมีการแจกแจงแบบปกติโดยมีค่าเฉลี่ยเท่ากับ 2 ปี ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐานเท่ากับ 0.5 ปี ในการจำหน่ายอุปกรณ์ไฟฟ้าให้แก่ลูกค้า บริษัทรับประกันว่า หากอุปกรณ์ไฟฟ้าเสียภายใน 1 ปี บริษัทจะเปลี่ยนอุปกรณ์ชิ้นใหม่ให้ทดแทน ถ้ามีการจำหน่ายอุปกรณ์ไฟฟ้าให้กับลูกค้าจำนวน 20,000 ชิ้น จะต้องเปลี่ยนอุปกรณ์ไฟฟ้าให้กับลูกค้ากี่ชิ้น



$z$	0.80	1.00	1.20	1.50	2.00
$P(Z \leq z)$	0.7881	0.8413	0.8849	0.9332	0.9772

1. 456
2. 3,147
3. 6,826
4. 9,544
5. 12,488



## Note

## Mini Checklist พิสูจน์ใจ

วันนี้กินข้าวครบ 3 มื้อ

ได้ออนอย่างน้อย 6 ชั่วโมง

โต้แย้งตัว / ออกกำลังกายเบา ๆ

มุ่งมั่น ตั้งใจ = พยายามทำเพื่อคนที่  
พิสูจน์ใจว่า เราต้องทำสำเร็จได้แน่นอน *A.T.P.*



พี่แก๊ป

Shop Online



OnDemandAcademy

# เชี่ยวชาญจริงเรื่อง TCAS!

ฟีเจอร์เด็ดจะพาน้องสอบติดทุกคนะที่ฝัน

 **LEARNING MODE**  
โหมดช่วยคิดเรื่องเรียน  
เก็บจุดบดสำคัญ Save เวลาน้องๆ

 **CLEAR**  
by OnDemand  
Clear ตอบทุกข้อสงสัย  
ระหว่างเรียนให้น้องไม่เกิน 24 ชม.

 **MyPath**  
เครื่องมือช่วยวางแผน  
ช่วยจัดตารางการเรียน

 **learn anywhere**  
ระบบเรียนออนไลน์เรียนที่ไหน  
เมื่อไหร่ ก็เรียนได้ ینگมาก



 **Online solution**  
Online Solution  
เวลาละเอียดยทุกข้อ

สรุปสูตร เทคนิคลัด  
ที่ช่วยให้น้องจำ และทำข้อสอบได้จริง

รับตัวช่วยพาสอบติด

 **SUPER MAP**  
Waná

 **APOint**  
คณิตศาสตร์

 **K TIPS**  
เคมี

 **Bio MAP**  
ชีวะ

 **Bio CODE**  
ชีวะ

 **Golden Rule**  
ภาษาอังกฤษ



สแกนเลย

Line ID :  
@learnanywhere\_mbk